

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

**Трехгорный технологический институт -**

филиал федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего образования  
«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»  
**(ТТИ НИЯУ МИФИ)**

**УТВЕРЖДАЮ**  
Директор ТТИ НИЯУ МИФИ  
\_\_\_\_\_ Т.И. Улитина  
«26» июня 2024 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

**«ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И МАТЕМАТИЧЕСКАЯ СТАТИСТИКА»**

**Направление подготовки:** 12.03.01 Приборостроение

**Профиль подготовки:** Информационно-измерительная техника и технологии

**Квалификация (степень) выпускника:** бакалавр

**Форма обучения:** очная

Трехгорный  
2024

## **1 ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

При решении многих задач часто приходится сталкиваться со случайными явлениями. Сюда относятся, например, ошибки измерений, допуски в характеристиках изготавляемых деталей, турбулентные неоднородности атмосферы, случайным образом искажающие параметры распространяющихся в ней электромагнитных волн и другие. Эти и многие другие стохастические явления требуют от бакалавра овладения понятиями и методами теории вероятностей, основами теории случайных процессов и полей, идеями и методами математической статистики. В данном курсе основное внимание уделяется тем разделам теории вероятности и математической статистики, которые необходимы при обработке результатов эксперимента, анализе явлений, возникающих в физических приложениях.

### **1.1 Цели дисциплины**

Целью дисциплины «Теория вероятностей и математическая статистика» является ознакомление студентов с основными понятиями и методами теории вероятностей и математической статистики, развитие логического мышления студентов. В результате изучения курса студенты должны знать основы теории вероятностей и математической статистики, уметь пользоваться методами решения прикладных задач.

### **1.2 Задачи дисциплины**

Задачей дисциплины «Теория вероятностей и математическая статистика» является приобретение студентами в процессе изучения знаний основных понятий и фактов теории вероятностей, теории случайных процессов и математической статистики, владение современной терминологией в данных областях, умение практически решать вероятностные задачи, квалифицированно производить статистическую обработку экспериментальных данных.

## **2 МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ООП ВО**

Дисциплина «Теория вероятностей и математическая статистика» относится к вариативной части учебного плана, изучается в 4 семестре.

### **3 КОМПЕТЕНЦИИ СТУДЕНТА, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ / ОЖИДАЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБРАЗОВАНИЯ И КОМПЕТЕНЦИИ СТУДЕНТА ПО ЗАВЕРШЕНИИ ОСВОЕНИЯ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

#### **3.1 Формируемые компетенции**

Изучение дисциплины «Теория вероятностей и математическая статистика» направлено на формирование у студентов следующих компетенций:

##### **Общепрофессиональные компетенции (ОПК):**

- способен применять естественнонаучные и общие инженерные знания, методы математического анализа и моделирования в инженерной деятельности, связанной с проектированием и конструированием, технологиями производства приборов и комплексов широкого назначения (ОПК-1);

##### **Универсальные компетенции (УК):**

- способен управлять своим временем, выстраивать и реализовывать траекторию саморазвития на основе принципов образования в течение всей жизни (УК-6).

#### **3.2 Перечень результатов образования, формируемых дисциплиной, с указанием уровня их освоения**

В результате освоения дисциплины обучающийся должен:

##### **знать:**

- знать методы математического анализа и моделирования; знать фундаментальные законы и понятия естественнонаучных дисциплин; знать основные тенденции развития техники и технологий в области приборостроения (З-ОПК-1);
- основные приемы эффективного управления собственным временем; основные методики самоконтроля, саморазвития и самообразования на протяжении всей жизни (З-УК-6);

##### **уметь:**

- уметь применять методы математического анализа и моделирования для решения практических задач; уметь применять методы теоретического и экспериментального исследования для проектирования и конструирования приборов и комплексов широкого назначения (У-ОПК-1);

- эффективно планировать и контролировать собственное время; использовать методы саморегуляции, саморазвития и самообучения (У-УК-6).

**владеть:**

- владеть навыками применения знаний математического анализа в инженерной практике при моделировании; владеть навыками применения знаний естественнонаучных дисциплин в инженерной практике; владеть навыками применения общеинженерных знаний в инженерной деятельности (В-ОПК-1);
- методами управления собственным временем; технологиями приобретения; использования и обновления социо-культурных и профессиональных знаний, умений, и навыков; методиками саморазвития и самообразования в течение всей жизни (В-УК-6).

### 3.3 Воспитательная работа

Направление/ цели	Создание условий, обеспечивающих	Использование воспитательного потенциала учебных дисциплин
<b>Естественнонаучный и общепрофессиональный модули</b>		
<b>Профессиональное и трудовое воспитание</b>	- формирование глубокого понимания социальной роли профессии, позитивной и активной установки на ценности избранной специальности, ответственного отношения к профессиональной деятельности, труду (В14)	<p>1. Использование воспитательного потенциала дисциплин естественнонаучного и общепрофессионального модуля для:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- формирования позитивного отношения к профессии инженера (конструктора, технолога), понимания ее социальной значимости и роли в обществе, стремления следовать нормам профессиональной этики посредством контекстного обучения, решения практико-ориентированных ситуационных задач.</li> <li>- формирования устойчивого интереса к профессиональной деятельности, способности критически, самостоятельно мыслить, понимать значимость профессии посредством осознанного выбора тематики проектов, выполнения проектов с последующей публичной презентацией результатов, в том числе обоснованием их социальной и практической значимости;</li> <li>- формирования навыков командной работы, в том числе реализации различных проектных ролей (лидер, исполнитель, аналитик и пр.) посредством выполнения совместных проектов.</li> </ul> <p>2. Использование воспитательного потенциала дисциплин "Экономика и управление производством", "Инновационная экономика и технологическое предпринимательство", "Правоведение" для:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- формирования навыков системного видения роли и значимости выбранной профессии в</li> </ul>

		социально-экономических отношениях через контекстное обучение
	- формирование психологической готовности к профессиональной деятельности по избранной профессии (В15)	Использование воспитательного потенциала дисциплин общепрофессионального модуля для: - формирования устойчивого интереса к профессиональной деятельности, потребности в достижении результата, понимания функциональных обязанностей и задач избранной профессиональной деятельности, чувства профессиональной ответственности через выполнение учебных, в том числе практических заданий, требующих строгого соблюдения правил техники безопасности и инструкций по работе с оборудованием в рамках лабораторного практикума.
<b>Интеллектуальное воспитание</b>	- формирование культуры умственного труда (В11)	Использование воспитательного потенциала дисциплин гуманитарного, естественнонаучного, общепрофессионального и профессионального модуля для формирования культуры умственного труда посредством вовлечения студентов в учебные исследовательские задания, курсовые работы и др.

## **4 СОДЕРЖАНИЕ И СТРУКТУРА ДИСЦИПЛИНЫ**

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зачетные единицы, 108 часа.

№ п/п	Раздел учебной дисциплины	Недели	Виды учебной деятельности, включая самостоятельную работу студентов и трудоемкость (в часах)				Текущий контроль успеваемости (неделя, форма)	Аттестация раздела (неделя, форма)	Макс. балл за раздел	
			Лекции	Лаб. работы	Прак. работы	Самост. работа				
Семестр 4										
1	Раздел 1	1-8	13	-	14	27	KР1 – 4	KР2 – 8	25	
2	Раздел 2	9-18	13	-	14	27	KР3 – 12	ИДЗ – 16	25	
Итого			26	-	28	54	20	30	50	
Зачет с оценкой			—							
Итого за семестр										

## 4.1 Содержание лекций

### Раздел 1

Аксиоматика теории вероятностей. Классическое определение вероятности. Основные понятия и формулы комбинаторики: перестановки, размещения, сочетания. Статистическая и геометрическая вероятности. Теорема сложения вероятностей. Теорема умножения вероятностей. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Случайная величина, ее функция распределения. Системы случайных величин. Дискретные и непрерывные случайные величины. Закон распределения и способы задания дискретной случайной величины. Распределение монотонной функции от случайной величины. Геометрической распределение случайной величины. Схема испытаний Бернулли, биномиальное распределение случайной величины. Локальная и интегральная теорема Лапласа. Распределение Пуассона. Математическое ожидание дискретной случайной величины, его свойства. Дисперсия, его свойства. Функция распределения случайной величины, ее свойства. Условные плотности, зависимость и независимость случайных величин. Корреляционный момент. Математическое ожидание и дисперсия непрерывной случайной величины, их свойства. Равномерно распределенная случайная величина. Нормальное распределение случайной величины. Показательное распределение случайной величины.

### Раздел 2

Закон больших чисел и центральная предельная теорема. Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Выборка и генеральная совокупности. Эмпирическая и теоретическая функция распределения. Статистическое распределение выборки. Гистограмма и полигон частот. Генеральная и выборочная средние. Эффективность и несмещенность оценки математического ожидания случайной величины. Выборочная дисперсия, исправленная дисперсия. Групповые средние и групповые дисперсии. Построение доверительных интервалов оценки математического ожидания нормально распределенной случайной величины. Точечные и интервальные оценки случайных величин. Критерии проверки гипотез. Проверка статических гипотез о законе распределения случайной величины с помощью критерия «хи-квадрат». Ковариация и корреляция случайных величин. Построение линий регрессии.

Статистические характеристики случайных процессов. Стационарный случайный процесс. Метод статических испытаний.

## **4.2 Тематический план практических работ**

- 1.Задачи на вычисление классической вероятности. Формулы комбинаторики.
- 2.Задачи на вычисление классической и геометрической вероятности.
- 3.Задачи на теоремы сложения и произведения вероятностей. Совместные и несовместные, зависимые и независимые события.
- 4.Задачи на применение формулы полной вероятности и формулы Байеса.
- 5.Различные задачи на вычисления вероятностей.
- 6.Закон распределения дискретной случайной величины
- 7.Математическое ожидание и дисперсия дискретной случайной величины.
- 8.Различные задачи на дискретные случайные величины.
- 9.Функция распределения и плотность распределения непрерывной случайной величины. Математическое ожидание и дисперсия.
- 10.Равномерно и показательно распределенные случайные величины.
- 11.Нормально распределенные случайные величины. Неравенство Чебышева.
- 12.Статистическое распределение вероятностей. Гистограмма и полигон частот.
- 13.Задачи на статистическую оценку математического ожидания и дисперсии случайной величины.
- 14.Построение доверительных интервалов.
- 15.Проверка статистических гипотез.
- 16.Задачи на вычисление ковариации и корреляции случайных величин.

## **4.3 Самостоятельная работа студентов**

- 1.Основные понятия теории вероятностей:
- 2.Задачи на вычисление классической вероятности. Формулы комбинаторики
- 3.Задачи на вычисление классической и геометрической вероятности.
- 4.Задачи на теоремы сложения и произведения вероятностей. Совместные и несовместные, зависимые и независимые события.
- 5.Задачи на применение формулы полной вероятности и
- 6.формулы Байеса (к семинару 4).
- 7.Различные задачи на вычисления вероятностей

8. Дискретные случайные величины: Закон распределения дискретной случайной величины
9. Математическое ожидание и дисперсия дискретной случайной величины
10. Различные задачи на дискретные случайные величины
11. Непрерывные случайные величины:
12. Функция распределения и плотность распределения непрерывной случайной величины. Математическое ожидание и дисперсия
13. Равномерно и показательно распределенные случайные величины
14. Нормально распределенные случайные величины. Неравенство Чебышева.
15. Математическая статистика:
16. Статистическое распределение вероятностей. Гистограмма и полигон частот.
17. Задачи на статистическую оценку математического ожидания и дисперсии
18. Построение доверительных интервалов. Проверка статистических гипотез.
19. Задачи на вычисление ковариации и корреляции случайных величин.

## **5 ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ**

Учитывая требования ОС НИЯУ МИФИ ВО по направлению подготовки 12.03.01 «Приборостроение», реализация компетентностного подхода должна предусматривать широкое использование в учебном процессе активных и интерактивных форм проведения занятий в сочетании с внеаудиторной работой с целью формирования и развития профессиональных навыков обучающихся. Лекционные занятия проводятся с использованием интерактивных технологий. Многие практические занятия реализованы компьютерными технологиями.

## **6 ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ УСПЕВАЕМОСТИ, ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ПО ИТОГАМ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ И УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ СТУДЕНТОВ**

Фонд оценочных средств позволяет оценить знания, умения, навыки и уровень приобретенных компетенций. Фонд оценочных средств по дисциплине включает:

- 6.1 Комплект заданий для текущего контроля успеваемости.
- 6.2. Оценочные средства для проведения промежуточной аттестации.

## **7 УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ**

### **7.1 Основная литература**

1. Ивашев-Мусатов, О. С. Теория вероятностей и математическая статистика : учебник и практикум для вузов / О. С. Ивашев-Мусатов. — 3-е изд., испр. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 224 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-01359-7. — URL : <https://urait.ru/bcode/536550>
2. Кацман, Ю. Я. Теория вероятностей и математическая статистика. Примеры с решениями : учебник для вузов / Ю. Я. Кацман. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 130 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-10082-2. — URL : <https://urait.ru/bcode/537271>

### **7.2 Дополнительная литература**

1. Прохоров, Ю. В. Лекции по теории вероятностей и математической статистике : учебник и практикум для вузов / Ю. В. Прохоров, Л. С. Пономаренко. — 3-е изд., испр. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 219 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-10807-1. — URL : <https://urait.ru/bcode/535991>
2. Андрухаев, Х. М. Теория вероятностей и математическая статистика. Сборник задач : учебное пособие для вузов / Х. М. Андрухаев. — 3-е изд., испр. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 177 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-9916-8599-3. — URL : <https://urait.ru/bcode/538001>
3. Далингер, В. А. Теория вероятностей и математическая статистика с применением Mathcad : учебник и практикум для вузов / В. А. Далингер, С. Д. Симонженков, Б. С. Галюкшов. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 145 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-10080-8. — URL : <https://urait.ru/bcode/537761>

## **8 МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ**

Для проведения учебных занятий лекционного и семинарского типа, групповые и индивидуальных консультаций, текущего контроля, промежуточной аттестации используются учебные аудитории, оснащенные оборудованием и техническими средствами обучения.

Учебные аудитории для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду вуза.

ТТИ НИЯУ МИФИ обеспечен необходимым комплектом лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения.

Сведения о наличии оборудованных учебных кабинетов, объектов для проведения практических занятий представлены на официальном сайте ТТИ НИЯУ МИФИ: <http://tti-mephi.ru/ttimephi/sveden/objects>