

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»
Трехгорный технологический институт-
филиал федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего образования
«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»
(ТТИ НИЯУ МИФИ)

**КАФЕДРА
ФИЗИКО-МАТЕМАТИЧЕСКИХ ДИСЦИПЛИН**

УТВЕРЖДАЮ
Директор ТТИ НИЯУ МИФИ
_____ Т.И. Улитина
«26» _____ июня 2024 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ
«КРАТНЫЕ ИНТЕГРАЛЫ И РЯДЫ»**

Направление подготовки: 15.03.04 Автоматизация технологических процессов и производств

Профиль подготовки: Автоматизация технологических процессов и производств в машиностроении

Квалификация (степень) выпускника: бакалавр

Форма обучения: очная

Трехгорный
2024

1 ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Дисциплина «Кратные интегралы и ряды» обеспечивает приобретение знаний и умений в соответствии с государственным образовательным стандартом, содействует фундаментализации образования, формированию мировоззрения и развитию системного мышления. Она знакомит студентов с понятиями числовые и функциональные ряды; кратные, криволинейные и поверхностные интегралы. Дисциплина является базовой для изучения всех математических и специальных дисциплин. Знания и практические навыки, полученные по дисциплине «Кратные интегралы и ряды», используются обучаемыми при изучении общепрофессиональных дисциплин, а также при выполнении тестов, контрольных и домашних работ.

1.1 Цели дисциплины

Цель дисциплины «Кратные интегралы и ряды» – создание основы для получения полноценного естественнонаучного образования.

1.2 Задачи дисциплины

Задачами дисциплины «Кратные интегралы и ряды» являются обучение студентов методам интегрирования функций многих переменных; гармоническому анализу.

2 МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ООП ВО

Дисциплина «Кратные интегралы и ряды» (Б1.О.11) относится к обязательной части рабочего учебного плана. Дисциплина изучается в 4 семестре.

3 КОМПЕТЕНЦИИ СТУДЕНТА, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ / ОЖИДАЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБРАЗОВАНИЯ И КОМПЕТЕНЦИИ СТУДЕНТА ПО ЗАВЕРШЕНИИ ОСВОЕНИЯ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

3.1 Перечень компетенций

Изучение дисциплины «Кратные интегралы и ряды» направлено на формирование у студентов следующих компетенций:

общефессиональные компетенции (ОПК):

– способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования в профессиональной деятельности (ОПК-1);

универсальная естественно-научная компетенция (УКЕ):

– способен использовать знания естественнонаучных дисциплин, применять методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в поставленных задачах (УКЕ-1).

3.2 Перечень результатов образования, формируемых дисциплиной, с указанием уровня их освоения

В результате освоения дисциплины обучающийся должен:

знать:

– методы математического анализа и моделирования в профессиональной деятельности (З-ОПК-1);

– основные законы естественнонаучных дисциплин, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования (З-УКЕ-1)

уметь:

– применять методы математического анализа и моделирования для решения поставленных задач (У-ОПК-1);

– использовать математические методы в технических приложениях, рассчитывать основные числовые характеристики случайных величин, решать основные задачи математической статистики; решать типовые расчетные задачи (У-УКЕ-1)

владеть:

– владеть методами математического анализа и моделирования для решения поставленных задач (В-ОПК-1);

– методами математического анализа и моделирования; методами решения задач анализа и расчета характеристик физических систем, основными приемами обработки экспериментальных данных, методами работы с прикладными программными продуктами (В-УКЕ-1).

3.3 Воспитательная работа

| Направление/ цели | Создание условий, обеспечивающих | Использование воспитательного потенциала учебных дисциплин |
|---|--|---|
| Естественнонаучный и общепрофессиональный модули | | |
| Профессиональное и трудовое воспитание | - формирование глубокого понимания социальной роли профессии, позитивной и активной установки на ценности избранной специальности, ответственного отношения к профессиональной деятельности, труду (B14) | 1.Использование воспитательного потенциала дисциплин естественнонаучного и общепрофессионального модуля для: - формирования позитивного отношения к профессии инженера (конструктора, технолога), понимания ее социальной значимости и роли в обществе, стремления следовать нормам профессиональной этики посредством контекстного обучения, решения практико-ориентированных ситуационных задач. - формирования устойчивого интереса к профессиональной деятельности, способности критически, самостоятельно мыслить, понимать значимость профессии посредством осознанного выбора тематики проектов, выполнения проектов с последующей публичной презентацией результатов, в том числе обоснованием их социальной и практической значимости; - формирования навыков командной работы, в том числе реализации различных проектных ролей (лидер, исполнитель, аналитик и пр.) посредством выполнения совместных проектов. 2.Использование воспитательного потенциала дисциплин "Экономика и управление производством", "Инновационная экономика и технологическое предпринимательство", "Правоведение" для: - формирования навыков системного видения роли и значимости выбранной профессии в социально-экономических отношениях через контекстное обучение |
| | - формирование психологической готовности к профессиональной деятельности по избранной профессии (B15) | Использование воспитательного потенциала дисциплин общепрофессионального модуля для: - формирования устойчивого интереса к профессиональной деятельности, потребности в достижении результата, понимания функциональных обязанностей и задач избранной профессиональной деятельности, чувства профессиональной ответственности через выполнение учебных, в том числе практических заданий, требующих строгого соблюдения правил техники безопасности и инструкций по работе с оборудованием в рамках лабораторного практикума. |

| | | |
|------------------------------------|--|---|
| Интеллектуальное воспитание | - формирование культуры умственного труда (В11) | Использование воспитательного потенциала дисциплин гуманитарного, естественнонаучного, общепрофессионального и профессионального модуля для формирования культуры умственного труда посредством вовлечения студентов в учебные исследовательские задания, курсовые работы и др. |
|------------------------------------|--|---|

4 СОДЕРЖАНИЕ И СТРУКТУРА ДИСЦИПЛИНЫ

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зачетных единицы, 108 часов.

| № п/п | Раздел учебной дисциплины | Недели | Виды учебной деятельности, включая самостоятельную работу студентов и трудоемкость (в часах) | | | | Текущий контроль успеваемости и (неделя, форма) | Аттестация раздела (неделя, форма) | Макс. балл за раздел |
|------------------|---------------------------|--------|--|-------------|--------------|----------------|---|------------------------------------|----------------------|
| | | | Лекции | Лаб. работы | Прак. работы | Самост. работа | | | |
| Семестр 4 | | | | | | | | | |
| 1 | Раздел 1 | 1-9 | 13 | - | 14 | 13 | T1 – 4, 10 | KP1 – 9, 15 | 25 |
| 2 | Раздел 2 | 10-18 | 13 | - | 14 | 14 | T2 – 14, 10 | KP2 – 18, 15 | 25 |
| Итого | | | 26 | - | 28 | 27 | 20 | 30 | 50 |
| Экзамен | | | 27 | | | | | | 50 |
| Итого за семестр | | | | | | | | | 100 |

KP- контрольная работа
T-тестирование

4.1 Содержание лекций

4 семестр

Раздел 1

Интегральное исчисление функций многих переменных

Двойной интеграл, определение, свойства и условия существования двойного интеграла, его геометрический и физический смысл. Вычисление двойного интеграла в декартовых и полярных координатах. Некоторые геометрические и физические приложения двойного интеграла. Тройной интеграл, определение, свойства и условия существования. Вычисление тройного интеграла в декартовых координатах. Вычисление тройного интеграла в цилиндрических и сферических

координатах. Некоторые приложения тройного интеграла. Криволинейный интеграл I рода, II рода, определение, вычисление и некоторые приложения. Формула Грина. Условия независимости интеграла от пути интегрирования. Интегрирование по замкнутому контуру. Интегрирование полных дифференциалов. Работа силы. Поверхностный интеграл I рода, его вычисление и некоторые приложения. Поверхностный интеграл II рода и его вычисление. Формула Остроградского-Гаусса. Формула Стокса.

Раздел 2

Ряды

Числовые ряды. Ряд геометрической прогрессии. Сходимость и сумма ряда. Необходимый признак сходимости числового ряда. Гармонический ряд. Радиальный и интегральный признаки Коши. Обобщенный гармонический ряд. Знакопеременные и знакопеременные ряды. Общий достаточный признак сходимости знакопеременных рядов. Абсолютная и условная сходимости. Функциональные ряды. Область сходимости. Равномерная сходимость. Признак Вейерштрасса. Свойства равномерно сходящихся рядов: почленное дифференцирование и интегрирование. Степенные ряды. Теорема Абеля. Интервал, радиус сходимости и свойства степенных рядов. Ряды Тейлора и Маклорена. Разложение функций в степенные ряды. Приложение рядов. Периодические функции и процессы. Тригонометрический ряд и его основные свойства. Разложение периодических функций в ряд Фурье. Представление непериодической функции рядом Фурье. Сходимость ряда Фурье.

4.2 Тематический план практических работ

4 семестр

1. Двойной интеграл, вычисление в декартовых и полярных координатах.
2. Приложения двойного интеграла.
3. Тройной интеграл, вычисление тройного интеграла в декартовых, цилиндрических и сферических координатах.
4. Некоторые приложения тройного интеграла.
5. Криволинейный интеграл I рода, его вычисление и некоторые приложения. Криволинейный интеграл II рода, его вычисление и некоторые приложения.
6. Формула Грина. Интегрирование по замкнутому контуру. Работа силы.

7. Поверхностный интеграл I рода, его вычисление и некоторые приложения. Поверхностный интеграл II рода и его вычисление. Формула Остроградского-Гаусса. Формула Стокса.
8. Числовые ряды. Ряд геометрической прогрессии. Необходимый признак сходимости числового ряда. Гармонический ряд.
9. Радикальный и интегральный признаки Коши. Обобщенный гармонический ряд.
10. Знакопередающиеся и знакопеременные ряды. Абсолютная и условная сходимости.
11. Сходимость степенных рядов. Интервал, радиус сходимости степенных рядов.
12. Разложение периодических функций в ряд Фурье. Представление непериодической функции рядом Фурье.
13. Сходимость ряда Фурье. Интеграл Фурье.

4.3 Самостоятельная работа студентов

4 семестр

1. Двойной интеграл, вычисление в декартовых и полярных координатах.
2. Приложения двойного интеграла.
3. Тройной интеграл, вычисление тройного интеграла в декартовых, цилиндрических и сферических координатах.
4. Некоторые приложения тройного интеграла.
5. Криволинейный интеграл I рода, его вычисление и некоторые приложения. Криволинейный интеграл II рода, его вычисление и некоторые приложения.
6. Формула Грина. Интегрирование по замкнутому контуру. Работа силы.
7. Поверхностный интеграл I рода, его вычисление и некоторые приложения. Поверхностный интеграл II рода и его вычисление. Формула Остроградского-Гаусса. Формула Стокса.
8. Числовые ряды. Ряд геометрической прогрессии. Необходимый признак сходимости числового ряда. Гармонический ряд.
9. Радикальный и интегральный признаки Коши. Обобщенный гармонический ряд.
10. Знакопередающиеся и знакопеременные ряды. Абсолютная и условная сходимости.
11. Сходимость степенных рядов. Интервал, радиус сходимости степенных рядов.

12.Разложение периодических функций в ряд Фурье. Представление непериодической функции рядом Фурье.

13.Сходимость ряда Фурье. Интеграл Фурье.

5 ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

В соответствии с компетентностным подходом выпускник вуза должен не просто обладать определенной суммой знаний, а уметь при помощи этих знаний решать конкретные задачи производства.

Учитывая требования ОС НИЯУ МИФИ по направлению подготовки 15.03.04 «Автоматизация технологических процессов и производств», реализация компетентностного подхода должна предусматривать широкое использование в учебном процессе активных и интерактивных форм проведения занятий в сочетании с внеаудиторной работой с целью формирования и развития профессиональных навыков обучающихся.

Лекционные занятия проводятся в специализированной аудитории с применением мультимедийного проектора в виде учебной презентации. Учебные материалы предъявляются обучающимся для ознакомления и изучения, основные моменты лекционных занятий конспектируются. Отдельные темы предлагаются для самостоятельного изучения с обязательным составлением и контролем конспекта.

6 ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ УСПЕВАЕМОСТИ, ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ПО ИТОГАМ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ И УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ СТУДЕНТОВ

Фонд оценочных средств позволяет оценить знания, умения, навыки и уровень приобретенных компетенций. Фонд оценочных средств по дисциплине включает:

6.1 Комплект заданий для текущего контроля успеваемости.

6.2. Оценочные средства для проведения промежуточной аттестации.

7 УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

7.1 Основная литература

1. Бугров, Я. С. Высшая математика в 3 т. Том 3. В 2 кн. Книга 1. Дифференциальные уравнения. Кратные интегралы : учебник для вузов / Я. С. Бугров, С. М. Никольский. — 7-е изд., стер. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 288 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-9916-8643-3. — URL : <https://urait.ru/bcode/538129>

2. Ильин, В. А. Математический анализ в 2 ч. Часть 2 : учебник для вузов / В. А. Ильин, В. А. Садовничий, Б. Х. Сендов. — 3-е изд. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 324 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-09085-7. — URL : <https://urait.ru/bcode/536012>

7.2 Дополнительная литература

1. Потапов, А. П. Математический анализ. Дифференциальное исчисление ФНП, уравнения и ряды : учебник и практикум для вузов / А. П. Потапов. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 379 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-08280-7. — URL : <https://urait.ru/bcode/537210>

2. Сборник задач по высшей математике в 4 ч. Часть 1 : учебное пособие для вузов / А. С. Поспелов [и др.] ; под редакцией А. С. Поспелова. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 355 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-02075-5. — URL : <https://urait.ru/bcode/537724>

8 МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Для проведения учебных занятий лекционного и семинарского типа, групповые и индивидуальных консультаций, текущего контроля, промежуточной аттестации используются учебные аудитории, оснащенные оборудованием и техническими средствами обучения.

Учебные аудитории для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду вуза.

ТТИ НИЯУ МИФИ обеспечен необходимым комплектом лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения.

Сведения о наличии оборудованных учебных кабинетов, объектов для проведения практических занятий представлены на официальном сайте ТТИ НИЯУ МИФИ:
<http://tti-mephi.ru/ttimephi/sveden/objects>